



امتحان الميكانيك الكوانتي (Mécanique Quantique)

التمرين الأول:

1. بين أن مبدل أي مؤثرين هرميتيين هو مؤثر ضد هرميتي (احسب $[A, B]^+$).
2. برهن أنه إذا كان A^{-1} موجود فان القيمة الذاتية لـ A^{-1} ما هي إلا مقلوب القيمة الذاتية لـ A .

$$3. \text{ لنعتبر المؤثرات التائية } \hat{X}, \frac{d}{dx}, i \frac{d}{dx}$$

احسب المؤثرات التيرميتية لها، ثم استنتج بأن مؤثر الدفع $\bar{P}$ هرميتي.

باستخدام النتائج السابقة برهن أن المؤثر C هرميتي حيث $C = i(\hat{X}^2 + 1)\frac{d}{dx} + i\hat{X}$.

4. احسب الآن المبدل $[x, p]$ حيث x و p هما مؤثرات الموضع وكمية الحركة ثم تحقق أن $[x^m, p] = im\hbar x^{m-1}$ حيث $m > 1$.

التمرين الثاني:

جسيمة ذو كتلة m معرفة بالحالة $\psi(x, t) = Ae^{i\left(\frac{mx^2}{\hbar^2} + \omega t\right)}$ حيث a و A ثابتين موجبيين.

نريد التحقق من علاقة هايزنبرغ انطلاقا الحالة $\psi(x, t)$ التي عندها.

احسب A من شرط الترميتية.

احسب الكمون $V(x)$ الذي من أجله تحقق $\psi(x, t)$ معادلة شرودينغر.

احسب $\langle x^2 \rangle$ و $\langle x \rangle$ ثم استنتج Δx .

احسب $\langle p^2 \rangle$ و $\langle p \rangle$ ثم استنتج Δp .

استنتج علاقة هايزنبرغ (مبدأ الشك) $\Delta x \cdot \Delta p$.

التمرين الثالث:

تخضع الكترونات النقل في المعادن لكمون متوسط - في بعد واحد - من الشكل:

$$v(x) = \begin{cases} v_0 & x > 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

1. أدرس الحاجز كلاسيكيا وكميا موضعا حالة الموجة قبل و بعد الحاجز في الحالتين: $E > v_0$, $E < v_0$.

بالتوفيق

الأستاذ: هاراد حباري

$$\frac{d}{dx} \psi(x)$$

Re

$$17.8$$

$$p = \hbar k$$

$$E = \frac{1}{2} m v^2$$

$$(1.1)$$