



الامتحان الشامل، المرحلي، لاند الخواند

التمرين الأول:

نمرف في فضاء الحالة ذي ثلاثة أبعاد أساسه $\{|1\rangle, |2\rangle, |3\rangle\}$ المؤثر H حيث

$$H = \begin{pmatrix} 0 & 0 & i \\ 0 & 1 & 0 \\ -i & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

1. هل H يمثل مقدار فيزيائي؟ أثبت ان الشعاع $|X\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ i \end{pmatrix}$ هو شعاع ذاتي لـ H .

2. عن القيم الذاتية a_1, a_2, a_3 و $|\psi_1\rangle, |\psi_2\rangle, |\psi_3\rangle$ الأشعة الذاتية لـ H .

3. أحسب المصفوفة P المتمثلة من جداء الكيت-برا للشعاع $|X\rangle$ هل P يمثل مؤثر إسقاط؟ ثم احسب العبد $[P, H]$

4. يعطى شعاع الحالة $|\psi\rangle$ حيث $|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -i \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ ما احتمال قياس H عند القيم a_1, a_2, a_3

التمرين الثاني:

تخضع الكاترونات النقال في السعادر لكمون متوسط - في بعد واحد - من الشكل:

$$v(x) = \begin{cases} v_0 & x > 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

1. ارسم حاجز الكمون.

2. أدرس الحاجز كلاسيكيا في الحالتين: $E > v_0$, $E < v_0$.

3. أكتب وحل معادلة شرودينغر في المنطقتين في الحالتين: $E > v_0$, $E < v_0$.

4. حدد سعة الموجة النافذة و المنعكسة في الحالة $E < v_0$.

5. احسب معامل الانعكاس R ومعامل النفوذ T علما ان $R + T = 1$ ثم تحقق ان $R = \left| \frac{B}{A} \right|^2$, $T = \frac{k_0}{k} \left| \frac{D}{A} \right|^2$

بالتوفيق

العتاة مراء حبابي

$$(H - E)\psi = 0 \quad \det(H - E) = 0$$

$$\frac{\partial}{\partial x} \psi(x) \frac{em}{h^2} (E - v(x)) \psi(x) = 0$$