

$$y(x) = \frac{1}{4}x^2 - 2x - 4$$

Contrôle du module : Physique 1

Durée : 1h 30 min

Exercice 01 (8pts) :

Le mouvement d'un point matériel dans le plan (xOy) est donné en coordonnées cartésiennes par les équations :

$$x(t) = 2t + 4 \quad \text{et} \quad y(t) = t^2 - 8$$

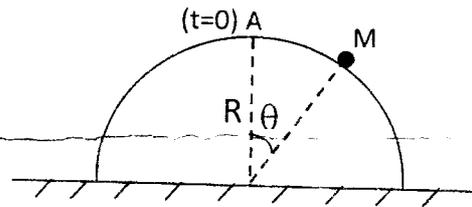
- 1- Trouver l'équation de la trajectoire et quelle est sa nature.
- 2- Tracer la trajectoire dans le repère (xOy).
- 3- Trouver le vecteur de la vitesse et le vecteur de l'accélération dans le repère cartésien. Calculer leurs modules.
- 4- Trouver l'accélération tangentielle γ_T et l'accélération normale γ_N .
- 5- Calculer le rayon de la courbure R.
- 6- Calculer les valeurs : $b = \frac{\vec{v} \cdot \vec{\gamma}}{\|\vec{v}\|}$ et $c = \frac{\|\vec{v} \wedge \vec{\gamma}\|}{\|\vec{v}\|^2}$. Que représente b et c en physique ?

Exercice 02 (06 pts)

Une masse ponctuelle M démarre du sommet A d'une demi-sphère de rayon R avec une vitesse nulle. Le mouvement s'effectue sans frottement.

En utilisant le principe fondamental de la dynamique :

- 1- Donner les équations différentielles du mouvement.
- 2- calculer la vitesse de la masse ponctuelle à l'instant t.
- 3- calculer la réaction de la surface sphérique.
- 4- A quel endroit la masse quitte la surface sphérique ?



Exercice 03 (06 pts):

Un point matériel M de masse m part à partir du point A avec une vitesse initiale V_0 sur une trajectoire ABC.

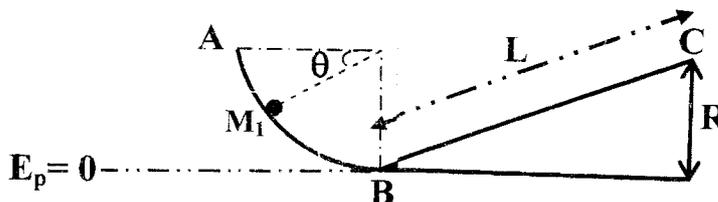
- AB est un (1/4) d'un cercle de rayon R.
- BC est une droite de longueur L ($BC = L$) faisant un angle α avec le plan horizontal.

1- On suppose que le mouvement s'effectue sans frottement. En utilisant le théorème de l'énergie mécanique, calculer:

- a- la vitesse de la masse m dans le point M_1 de la partie AB.
- b- déduire sa vitesse au point B.
- c- la vitesse de la masse m au point C de la partie BC.

2- Si on suppose que le mouvement se fait avec une force de frottement constante F_f dans la partie BC seulement.

- a- Quelle est la valeur de F_f si la masse atteint juste le point C (la vitesse au point C est nulle).



Bonne chance

التمرين الأول (8 نقاط)

تعطى الإحداثيات الكارتيزية لنقطة مادية تتحرك في المستوي xoy كما يلي:

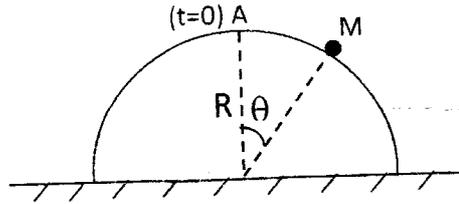
$$x(t)=2t+4 \quad \text{و} \quad y(t)=t^2-8$$

- 1- أوجد معادلة المسار . ما هي طبيعة المسار .
- 2- أرسم المسار بيانياً .
- 3- أوجد شعاع السرعة و التسارع اللحظيين في المعلم الكارتيزي . أحسب طويلتي السرعة و التسارع .
- 4- أوجد المركبتين المماسية و الناطمية لشعاع التسارع .
- 5- أحسب نصف قطر الإنحناء للمسار .
- 6- أحسب المقدارين b و c : $b = \frac{\vec{v} \cdot \vec{y}}{\|\vec{v}\|}$ و $c = \frac{\|\vec{v}_x\|}{\|\vec{v}\|}$

ماذا يمثل المقدارين b و c فيزيائياً .

التمرين الثاني (6 نقاط)

- تتطلق نقطة مادية كتلتها M من قمة نصف كرة نصف قطرها R دون سرعة ابتدائية و في غياب قوى الإحتكاك .
 باستخدام المبدأ الأساسي للتحريك:
- 1- أوجد المعادلات التفاضلية للحركة .
 - 2- أحسب سرعة النقطة المادية عند اللحظة الزمنية t .
 - 3- أحسب رد فعل السطح النصف كروي .
 - 4- حدد الموضع التي تغادر فيه النقطة المادية السطح النصف كروي .

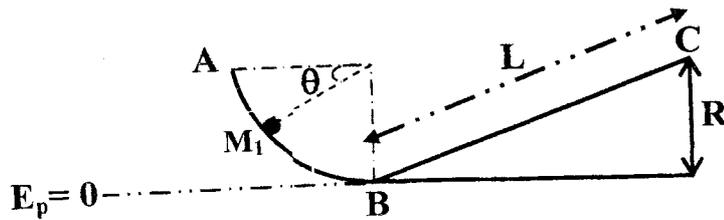


التمرين الثالث (6 نقاط)

- تتطلق نقطة مادية ذات كتلة m من النقطة A بسرعة ابتدائية V_0 وفق مسار ABC مكون من جزئين AB و BC :
 - الجزء AB عبارة عن ربع دائرة نصف قطرها R .
 - الجزء BC عبارة عن سطح مائل بزاوية α عن الأفق و طوله L ($BC=L$) .

- 1- نفرض أن الحركة تتم دون إحتكاك في كل من الجزئين AB و BC ، باستخدام نظرية الطاقة الميكانيكية:
 أ- أحسب السرعة في النقطة M_1 من المسار AB .
 ب- استنتج السرعة في النقطة B .
 ج- أحسب السرعة في النقطة C .

- 2- إذا افترضنا أن الحركة تتم بوجود قوة إحتكاك ثابتة F_f في الجزء BC فقط . أحسب قيمة هذه القوة F_f إذا وصلت الكتلة m إلى النقطة C بسرعة معدومة ($V_C = 0$) .



حظ سعيد