

Université Méd Boudiaf- M'sila  
18-01-2011

Faculté de science (Domaine : SM)

**Contrôle du module : Physique 1**

Durée : 1h 30 min

$$y^2 + 4y + 4 = 4t^2 + 8t + 7$$

$$\vec{a} = 2t - 2$$

$$\vec{v} = 2t - 2$$

$$v = 2$$

**Exercice 01 (8 points):**

Les coordonnées d'un mobile M dans le plan (O,  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ) sont:  $x(t) = t^2 - 4t + 7$  ;  $y(t) = t^2 - 2$

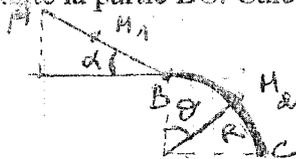
- × 1- Déterminer l'équation de la trajectoire et tracer-la.  $x = y^2 + 7$
- × 2- Donner l'expression des vecteurs : vitesse et accélération dans le repère cartésien. Calculer leurs normes.
- × 3- Calculer l'accélération tangentielle et l'accélération normale.
- 4- Trouver le temps ( $t_1$ ) pour lequel la vitesse est perpendiculaire à l'accélération
- 5- Donner l'expression de rayon de courbure. Appliquer pour  $t = t_1$
- 6- calculer le temps ( $t_2$ ) pour lequel le module de l'accélération tangentielle est égal au module de l'accélération normale.

**Exercice 02 (7 points) :**

Un solide considéré comme ponctuel, de masse m se déplace sur une trajectoire ABC formée de deux parties : la partie AB est un plan incliné d'un angle  $\alpha$  ( $\alpha = 30^\circ$ ) par rapport à l'horizontale et de longueur AB = R et la partie BC un quart (1/4) de cercle de centre O, de rayon R (Fig.1). Le solide quitte A sans vitesse initiale et le mouvement se fait avec frottement ( $\mu$  : coefficient de frottement) seulement dans la partie AB.

En utilisant le principe fondamental de la dynamique:

- 1- Calculer la vitesse du solide au point M<sub>1</sub> de la partie AB. Déduire sa vitesse au point B ( $V_B$ ).
- 2- Trouver les équations différentielles du mouvement dans la partie BC. Exprimer en un point M<sub>2</sub> de la partie circulaire BC, la vitesse en fonction de g; R et  $\theta$ .
- 3- Calculer la norme de la réaction de la surface BC sur le solide.
- 4- Pour quelle valeur de l'angle  $\theta$  le solide quitte la partie BC. Calculer la vitesse dans ce point.



$AB = R$   
 $\alpha = 30^\circ$

**Exercice 03 (5 points):**

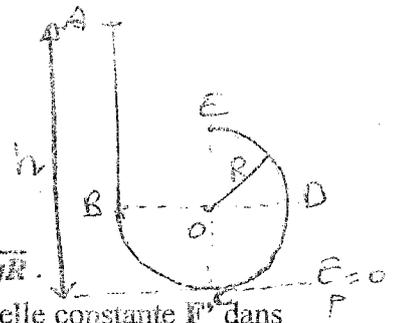
Une bille de masse m est lancée sans vitesse initiale d'une hauteur h (Fig.2) sur une trajectoire ABCDE formée de deux parties : AB est une surface verticale et BCDE est un 1/4 d'un cercle de rayon R. On utilise le théorème de l'énergie mécanique

1- Le mouvement de la bille se fait sans frottements:

a- calculer la vitesse de la bille au point B.

b- calculer la vitesse de la bille au point C.

c- Pour quelle valeur de h, la bille arrive au point E avec une vitesse égale à  $\sqrt{2gR}$ .



2- Si on suppose que le mouvement se fait avec une force de frottement tangentielle constante  $F'$  dans la partie BCDE seulement. Quelle est la valeur de  $F'$  si la bille atteint juste le point E (la vitesse au point E est nulle).

Bonne chance

التمرين الأول

تقطع إحدى اثبات نقطة مادية في المستوى  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  كالآتي:

$$x(t) = t^2 - 4t + 7, \quad y(t) = t - 1$$

- 1- أوجد معادلة المسار ورسمه بيانياً.
- 2- أعطى عبارة شعاع السرعة والاتسار في العلم التاريزي.  
أحسب طولية كل منهما.
- 3- أحسب التسارع المحاسبي والتسارع الناظمي.
- 4- أوجد الزمن  $(t_1)$  الذي من أجله تكون السرعة عمودية على التسارع.
- 5- أعطى عبارة نصف قطر الجزء، أوجد قيمته من أجل  $t_1 = t_2$ .
- 6- أحسب الزمن  $(t_2)$  الذي من أجله تكون طولية التسارع المحاسبي لتساوي طولية التسارع الناظمي.

التمرين الثاني

تتحرك نقطة مادية على المسار ABC المتكون من جزأين: الجزء AB عبارة عن مستوى مائل بزاوية  $\alpha$  ( $\alpha = 30^\circ$ ) بالنسبة للأفق وطوله R، والجزء BC الذي هو عبارة عن ربع دائرة مركزها O ونصف قطرها R (Fig. 1). الجسم يغادر النقطة A دون سرعة ابتدائية ويوجد إلى هناك في الجزء AB فقط (معايير الاحتكاك). كتلة الجسم هي  $m$ .

باستعمال المبدأ الأساسي للتصالح:

- 1- أحسب سرعة الجسم في نقطة  $M_1$  من الجزء AB، استنتج السرعة عند B.
- 2- أوجد المعادلات التفاضلية للحركة في الجزء BC، أحسب سرعة الجسم في النقطة  $M_2$  من المسار BC بدلالة  $\theta$  و R.
- 3- أحسب رد الفعل الناتج عن السطح BC.
- 4- من أجل أي قيمة  $\theta$  يغادر الجسم السطح BC، أحسب السرعة التي يغادر بها.

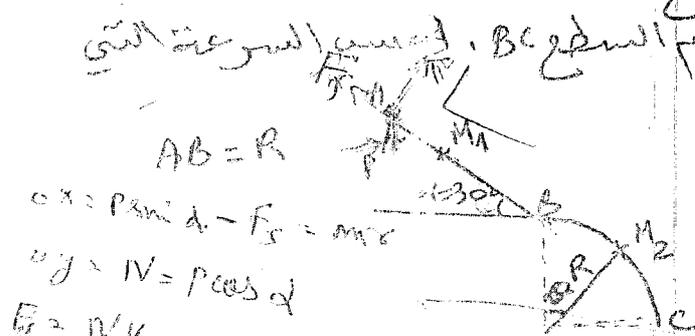


Fig. 1

$$AB = R$$

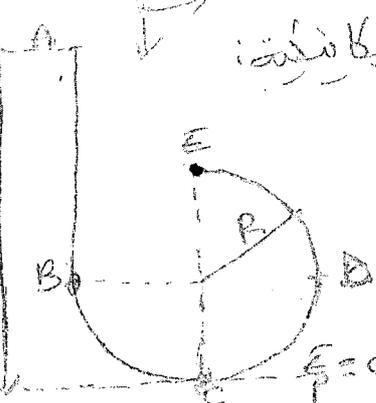
$$v_x = v \sin \alpha = F_T = mg \cos \alpha$$

$$v_y = v = R \cos \alpha$$

$$F_T = mg \sin \alpha$$

التمرين الثالث

تترك كروية ذات كتلة  $m$  دون سرعة ابتدائية من ارتفاعها على مسار ABCDE المتكون من جزأين: سطح استقرولي AB و BCDE هو  $\frac{3}{4}$  من دائرة نصف قطرها R.



- 1- الحركة تتم دون احتكاك، باستعمال نظرية الطاقة الميكانيكية:

- أ- أحسب سرعة الكروية عند B.
- ب- أحسب سرعة الكروية عند C.
- ج- ما هي قيمة  $\theta$  التي من أجلها تصل الكروية إلى النقطة E بسرعة  $v = \sqrt{2gR}$ ؟

- 2- في وجود قوة احتكاك  $F$  في الجزء BCDE، أحسب قيمة قوة الاحتكاك  $F$  التي من أجلها تصل الكروية إلى النقطة E بسرعة معدومة.